

## مدلسازی توزیع مکانی برخی از خصوصیات شیمیایی آبهای زیرزمینی (مطالعه موردنی در حوزه آبخیز گرمسار)

غلامرضا زهتابیان<sup>۱</sup>، عنایت الله جان فزا<sup>۲</sup>، حسین محمد عسگری<sup>۳</sup> و محمدجواد نعمت‌اللهی<sup>۴</sup>

-۱

javad.nematolahi@gmail.com:

\*

/ / : / / :

### چکیده

تغییر در کیفیت آبهای زیرزمینی که معمولاً بر اثر مدیریت غلط استحصال آب زیرزمینی رخ می‌دهد مقدمه‌ای بر تخریب سایر منابع چه به صورت مستقیم و چه به صورت غیرمستقیم است. این تحقیق با هدف مدلسازی تغییرات مکانی کیفیت آب زیرزمینی با استفاده از روش‌های زمین‌آماری و معین انجام شد. عاملهای کاتیون، آنیون، یون سولفات و یون بی‌کربنات از کل خصوصیات آب زیرزمینی انتخاب شدند. به طوری که، در ابتدا نرم‌افزار داده‌ها با استفاده از روش کولوموگراف-اسمیرنوف بررسی گردید. سپس تجزیه و تحلیل واریوگرافی و واریوگرام متقابل عاملها محاسبه گردید. ارزیابی نتایج با محاسبه مجذور میانگین مربعات خطأ و ضریب همبستگی بین مقادیر مشاهده‌ای و تخمینی انجام شد. نتایج نشان داد که روش‌های زمین‌آماری برتری قابل ملاحظه‌ای نسبت به روش‌های معین بجز در مورد عامل کاتیون داشته که روش تخمین عام بهترین روش بوده است. در عاملهای آنیون و یون سولفات کمترین میزان RMSE در روش کوکریجینگ و به میزان ۹/۱ و ۲/۵۵ محاسبه شده است، این عدد برای عامل یون بی‌کربنات در روش کریجینگ گستته ۰/۹۰؛ اما در مورد عامل کاتیون برخلاف عاملهای دیگر روش معین تخمین عام کمترین خطأ را به خود اختصاص داده است و عدد ۱۲/۴۵ محاسبه گردیده است. به طوری که استفاده از متغیر کمکی در روش کوکریجینگ دقت نتایج را بجز در عامل بی‌کربنات افزایش داده است.

واژه‌های کلیدی: آب زیرزمینی، روش‌های زمین‌آماری و معین، کوکریجینگ، میانگین مجذور مربعات خطأ (RMSE).

مقدمه  
وابستگی به این منابع بیشتر است اثر تخریبی شدت بیشتری خواهد داشت، زیرا به علت ضعف طبیعی در منابع آب و خاک فشار بر این منابع به نسبت بیشتر از سایر مناطق است. سور شدن خاکها تنها یکی از مشکلات بوجود آمده می‌باشد؛ هرچند مشکلات

تغییر در کیفیت آبهای زیرزمینی که معمولاً بر اثر مدیریت غلط استحصال آب زیرزمینی رخ می‌دهد مقدمه‌ای بر تخریب سایر منابع چه به صورت مستقیم و چه به صورت غیرمستقیم است. در مناطق خشک که

می‌گیرد. (Dagostino *et al.*, 1998) به بررسی زمانی و مکانی غلظت نیترات در آبهای زیرزمینی پرداختند. در این مطالعه از سه مجموعه داده در سه زمان متفاوت استفاده گردید و از روش‌های کوکریجینگ و کریجینگ معمولی استفاده شد. نتایج نشان داد که افزایش عدم قطعیت باعث افزایش میزان واریانس می‌گردد و همچنین کاربرد روش کوکریجینگ باعث کاهش عدم قطعیت در تخمین غلظت نیترات شده و کاهش هزینه نمونه‌برداری صحرایی و کارهای آزمایشگاهی را در پی دارد. Mohammadi & Van Meroone (1999) از ابزارهای زمین‌آماری برای تهیه نقشه خطر منطقه‌ای آلودگی Campling *et al.*, (2001) (2001) اکولوژیکی استفاده نمودند. در جنوب اسپانیا میانگین منطقه‌ای بارش متوسط را با استفاده از روش کلاسیک تیسن و روش‌های متفاوت زمین‌آماری (کریجینگ و کوکریجینگ) بدست آوردند. تخمین‌های بدست آمده نشان داد که نتایج کریجینگ بیشترین همبستگی را با داده‌های واقعی دارد. (2002) Ahmed کاربرد روش کریجینگ را در تخمین وابستگی مکانی متغیرهای کیفیت آب مثل TDS بکاربرد و نتیجه گرفت که کریجینگ قابلیت بالایی برای این هدف دارد. (Gaus *et al.*, 2003) به بررسی غلظت آرسنیک در آبهای زیرزمینی بنگلادش پرداختند. در این مطالعه از اطلاعات ۳۵۳۴ چاه استفاده گردید. داده‌های بدست آمده نشان‌دهنده چولگی بالا در داده‌های آرسنیک بود. برای تخمین غلظت و تهیه نقشه احتمال از روش کریجینگ گستته استفاده گردید. نتایج نشان داد که در منطقه مورد مطالعه ۳۵ میلیون نفر در معرض غلظت بالای آرسنیک ( $50 \text{ mgL}^{-1}$ ) و ۵۰ میلیون نفر در معرض غلظت ( $10 \text{ mgL}^{-1}$ ) می‌باشند.

اجتماعی و اقتصادی که به دنبال خواهد آمد اثر به نسبت پایدارتری از خود به جای خواهد گذاشت. شناسایی به موقع و تهیه نقشه از تغییرات کیفیت و شناسایی عامل آن توسط روش‌های مشاهده‌ای و سنتی کاری سخت، زمانی و پرهزینه می‌باشد. روش‌های زمین‌آماری به عنوان روش‌هایی که باعث کاهش هزینه از طریق کاهش نمونه‌برداری شده و دقت تخمین‌ها را به مقدار قابل ملاحظه‌ای بالا می‌برند، در علوم مختلف محیطی از جمله خاک‌شناسی، هوا و اقلیم‌شناسی و بیولوژی بسیار مورد توجه قرار گرفته‌اند. همچنین در سالهای اخیر محققان با استفاده از روش‌های زمین‌آماری مبادرت به تهیه نقشه‌های خصوصیات آب زیرزمینی نموده‌اند.

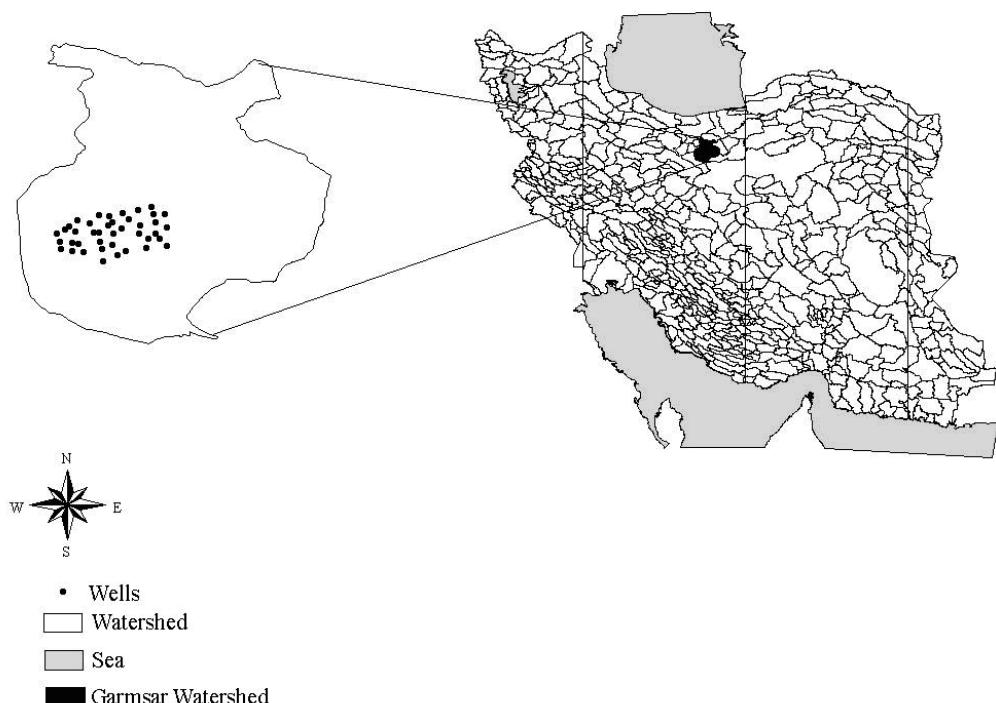
امینی و همکاران (۱۳۸۱) میزان کلر موجود در خاک را با استفاده از روش‌های زمین‌آماری برای منطقه‌ای در جنوب شرق اصفهان مدلسازی کردند. میثاقی و همکاران (۱۳۸۱) سطح آب زیرزمینی را با استفاده از روش‌های متداول درون‌یابی و تکنیک زمین‌آمار برآورد کرده و این روشها را با هم مقایسه نمودند. نظری زاده و همکاران (۱۳۸۵) از تکنیک زمین‌آمار در بررسی تغییرات مکانی کیفیت آب زیرزمینی دشت بالارود استفاده کرده و گزارش نمودند که واریوگرام‌های هدایت‌الکتریکی، کلر و سولفات به ترتیب دارای دامنه تأثیر  $61700$ ,  $50800$ ,  $102100$  متر و حد آستانه  $0/532$ ,  $1/532$  و  $2/05$  درصد و از ساختار کروی تبعیت می‌کند. Kresic (1997) کریجینگ را به عنوان قابل اعتمادترین، قویترین و گسترده‌ترین روش برای درون‌یابی و تهیه منحنی‌های تراز آبهای زیرزمینی می‌داند و عنوان می‌کند که روش یاد شده روش ژئواستاتیستیکی است که در آن واریانس مکانی، موقعیت و توزیع نمونه‌ها مورد ملاحظه قرار

مخروط افکنه حبله رود که دشت گرمسار بر روی آن قرار دارد، یک نمونه بارز از مخروط افکنهای کلاسیک است که در نتیجه اعمال فرسایش، حمل و رسوبگذاری رودخانه و از مواد آبرفتی آن تشکیل شده است، رأس مخروط در مدخل ورودی رودخانه دارای ارتفاعی معادل ۹۸۰ متر و در قسمت قاعده آن به رقم ۸۰۵ متر می‌رسد. شعاع مخروط در حدود ۵ تا ۱۲ کیلومتر است و شیب زمین در امتداد محور اصلی مخروط از  $1/4$  درصد در بخش فوقانی تا  $0/5$  درصد در قسمت تحتانی متغیر می‌باشد. با توجه به شیب و امتداد لایه‌های سازندهای موجود در شمال و جنوب دشت گرمسار، به نظر می‌رسد سنگ کف دشت گرمسار از سازندهای تبخیری و مارنی دوران ترسیم باشد.

## مواد و روشها

### منطقه مورد مطالعه

دشت گرمسار با وسعتی بالغ بر  $50000$  هکتار بر روی آبرفت رودخانه حبله رود و مخروط افکنه آن در طول  $10^{\circ}52'$  تا  $45^{\circ}52'$  درجه شرقی و عرض  $35^{\circ}00'$  تا  $35^{\circ}20'$  درجه شمالی در فاصله  $110$  کیلومتری جنوب شرقی تهران واقع شده است. نقشه (۱) موقعیت منطقه مورد مطالعه را نشان می‌دهد. متوسط ارتفاع دشت از سطح دریا  $875$  متر است. میانگین بارندگی سالانه دشت براساس اطلاعات اداره کل آب سمنان  $115$  میلی‌متر و میزان تبخیر از تشتک کلاس A حدود  $3200$  میلی‌متر در سال و حداقل دمای سالانه  $45$  درجه سانتی‌گراد و حداقل آن  $-15$  درجه سانتی‌گراد است.

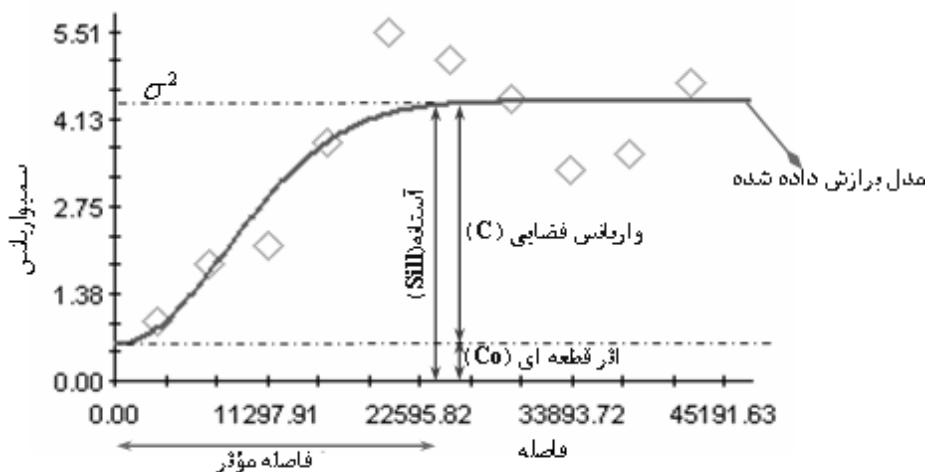


نقشه ۱- موقعیت منطقه مورد مطالعه

## منابع آماری

واریوگرام به منظور تشریح پیوستگی مکانی یک متغیر بکار می‌رود. به این منظور لازم است مجموع مربع تفاضل زوج نقاطی که به فاصله معلوم  $h$  از یکدیگر قرار دارند محاسبه و در مقابل  $h$  رسم گردد. شکل (۱) نمایی از یک واریوگرام را نشان می‌دهد.

برای انجام این تحقیق از داده‌های کیفی آب زیرزمینی منطقه گرمسار که از شرکت تماب تهیه گردید استفاده شد. داده‌ها مربوط به سالهای ۱۳۸۴ تا ۱۳۸۱ بوده و شامل داده‌های چاه و قنات بود که ۴۱ منبع از لحاظ صحت و کفايت داده مناسب تشخیص داده شد.



شکل ۱- نمای کلی از یک واریوگرام

$$Z^* = \sum_{i=1}^n \lambda_i \cdot Z(x_i)$$

که در آن  $Z^*$  مقدار متغیر مکانی برآورد شده،  $Z(x_i)$  مقدار متغیر مکانی مشاهده شده در نقطه  $x_i$  و  $\lambda_i$  وزنی است که به نمونه  $x_i$  نسبت داده می‌شود و بیانگر اهمیت نقطه  $i$  ام در برآورد است.

### کریجینگ ساده<sup>۲</sup>

تخمین‌گر کریجینگ ساده به شکل ترکیب خطی وزن دار است؛ اما میانگین  $\bar{m}$ ، که بایستی حتماً دارای

در این تحقیق سعی بر آن است که روش‌های مختلف زمین‌آماری و همچنین روش‌های معین با هم مقایسه گردد. از این رو، در ابتدا روش کلی کریجینگ توضیح داده شده و بعد سایر روش‌ها نیز به صورت اختصار خواهد آمد.

### کریجینگ<sup>۱</sup>

کریجینگ تخمین‌زنی است که مقادیر یک متغیر را در نقاط نمونه‌برداری نشده به صورت ترکیبی خطی از مقادیر همان متغیر در نقاط اطراف آن در نظر می‌گیرد و برای برآورد نقاط ناشناخته، به هریک از نمونه‌ها وزنی نسبت می‌دهد.

## روش‌های معین<sup>۰</sup> روش تابع شعاعی<sup>۶</sup>

تابع شعاعی تابعی به صورت  $\Phi_j(x) = \Phi(\|x-x_j\|)$  می‌باشد که وابسته به فاصله بین  $X \in R^d$  و نقطه ثابت  $X_j \in R^d$  است. در این تابع  $\Phi$  تابعی پیوسته و وابسته به هر زیرمجموعه  $\Omega \subseteq R^d$  می‌باشد. نشان‌دهنده فاصله اقلیدوسی بین هر جفت نقطه در مجموعه  $\Omega$  می‌باشد.

## روش عکس فاصله<sup>۷</sup>

در روش میانگین متحرک وزن‌دار، مقدار فاکتور وزنی ( $\lambda_i$ ) با استفاده از معادله زیر محاسبه می‌شود:

$$\lambda_i = \frac{D_i^{-\alpha}}{\sum_{i=1}^n D_i^{-\alpha}}$$

$D$ : فاصله بین نقطه برآورد شده و مقدار مشاهده شده در نقطه  $i$

$\alpha$ : توان معادله

$n$ : تعداد نقاط مشاهده شده

## روش تخمین عام<sup>۸</sup>

این روش یک مدل رگرسیونی چندمتغیره براساس تمامی داده‌ها ایجاد و یک سطح تقهیمی ایجاد می‌کند. این روش مدلی را بر نقاط نمونه‌برداری برآراش می‌کند که می‌تواند یک سطح چند ضلعی با توان یک، ۲ و یا ۴ باشد. بهترین کاربرد این روش در سطوح با تغییرات ملایم و تدریجی است.

## روش تخمین موضوعی<sup>۹</sup>

این روش یک دامنه کوتاه از تغییرات در داده‌های

ویژگی ایستایی مرتبه دوم باشد در فرایند تخمین مورد توجه و استفاده قرار می‌گیرد.

## کریجینگ معمولی<sup>۱</sup>

کریجینگ معمولی تخمین‌زنی است که مقادیر یک متغیر را در نقاط نمونه‌برداری نشده بصورت ترکیب خطی از مقادیر همان متغیر در نقاط اطراف آن در نظر می‌گیرد.

## کریجینگ جامع<sup>۲</sup>

کریجینگ جامع در شرایطی است که هر دو مؤلفه تغییرپذیری (جبری و تصادفی)، به طور همزمان در ساختار مکانی متغیر ناحیه‌ای وجود داشته باشند؛ به طوری که رفتار و الگوی تغییرپذیری متغیر مربوط را می‌توان در قالب مدل زیر نشان داد:

$$z(x) = \sum_{k=0}^K a_k f_k(x) + \varepsilon(x)$$

## کریجینگ گسسته<sup>۳</sup>

عبارت از تخمین‌گری غیرخطی می‌باشد که در شرایطی که توزیع داده‌ها پیچیده است و برآش آنها توسط توزیع‌های معمول آماری (نرمال و یا لوگ نرمال) دشوار می‌باشد، بکار گرفته می‌شود.

## کوکریجینگ<sup>۴</sup>

تخمین‌زن کوکریجینگ همان کریجینگ توسعه یافته است که در آن متغیرهای ثانویه نیز لحاظ شده است.

- 
- 5. Deterministic
  - 6. Radial Basis function
  - 7. Inverse distance weights
  - 8. Global Polynomial Interpolation
  - 9. Local Polynomial Interpolation

- 
- 1. Ordinary Kriging
  - 2. Universal Kriging
  - 3. Disjunctive Kriging
  - 4. Cokriging

تحلیل واریوگرام این امر بررسی می‌شود. شرط استفاده از این تجزیه و تحلیل نرمال بودن داده‌هاست. از داده‌های استفاده شده در این تحقیق کاتیون، آنیون و یون بی‌کربنات با توجه به آزمون کولوموگراف- اسمیرنوف نرمال بودند و یون سولفات که شرایط نرمال بودن را نداشت با گرفتن لگاریتم از داده‌ها نرمال شد. نتایج تجزیه و تحلیل واریوگرام در جدول ۱ آورده شده است که طبق نتایج بدست‌آمده برای عاملهای کاتیون، آنیون و یون سولفات مدل کروی و برای عامل یون بی‌کربنات مدل خطی بدست‌آمده است.

ورودی را در نظر می‌گیرد و با فواصل همسایگی در پنجره مشترک حساس است، بدین‌گونه که پنجره حرکت کرده و مقادیر سطحی در مرکز هر پنجره در هر نقطه بوسیله برآشش یک چند ضلعی تخمین زده می‌شود. این روش انعطاف‌پذیری بالاتری نسبت به روش تخمین عام دارد. این دو روش هیچ فرضی برای داده‌ها نیاز ندارند.

### نتایج

استفاده از روش‌های زمین‌آماری مستلزم بررسی وجود ساختار مکانی در بین داده‌هاست که توسط تجزیه و

جدول ۱- نتایج تجزیه و تحلیل واریوگرام

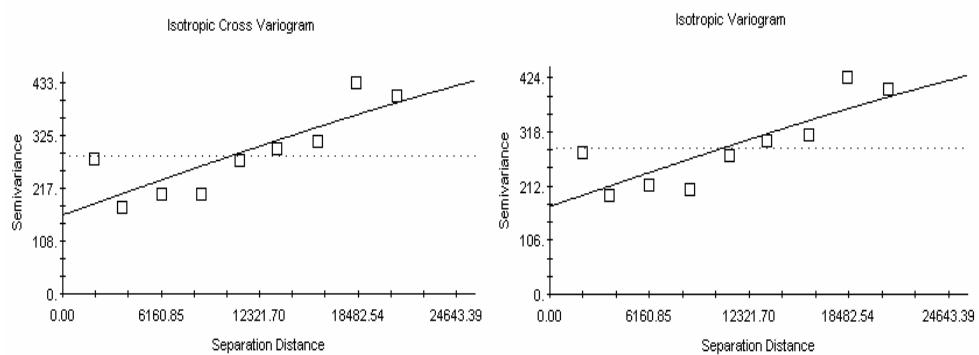
متغیر	میانگین معیار	انحراف	چولگی	کشیدگی	مدل	اثر قطعه‌ای	آستانه	شعاع تأثیر	ضریب همبستگی مکانی
کاتیون	۴۵/۰۷	۱۶/۸۹	۰/۸۶	۰/۰۷	کروی	۱۷۲	۵۴۲	۵۱۱۰۰	۰/۶۸۳
آنیون	۴۵/۶۳	۱۷/۲۷	۰/۷۷	-۰/۲۱	کروی	۱۵۷	۶۰۳/۹	۵۱۱۰۰	۰/۷۴۰
یون سولفات	۱۱/۹۸	۷/۹۲	۰/۹۶	۰/۴۵	کروی	۰/۱۰۹	۰/۴۲	۵۱۱۰۰	۰/۷۴۰
یون بی‌کربنات	۳/۸۵	۰/۹۴	۰/۲۵	۰/۴	خطی	۰/۹۲	۰/۹۲	۲۰۸۹۶	*

وجود ندارد. به‌طوری‌که در جدول ۲ نتایج حاصل از واریوگرام متقابل داده‌ها که برای محاسبه روش کوکریجینگ مورد نیاز است آورده شده است.

نتایج نشان می‌دهد در عاملهای کاتیون، آنیون و یون سولفات ساختار مکانی قوی بین داده‌ها وجود دارد که به ترتیب  $۰/۶۸۳$ ،  $۰/۷۴۰$  و  $۰/۷۴۰$  محاسبه شده است، در حالی که در عامل بی‌کربنات همبستگی مکانی بین داده‌ها

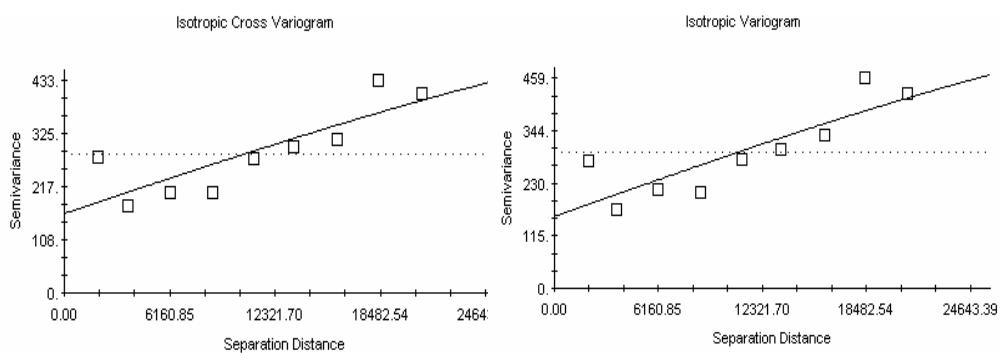
جدول ۲- نتایج تجزیه و تحلیل واریوگرام متقابل

متغیر	متغیر کمکی	ضریب همبستگی	مدل	اثر قطعه‌ای	آستانه	شعاع تأثیر	ضریب همبستگی مکانی	
آنیون	کاتیون	۰/۹۷۱	کروی	۱۶۲	۵۶۰	۵۱۱۰۰	۵۱۱۰۰	۰/۷۱۱
کاتیون	آنیون	۰/۹۷۱	کروی	۱۶۲	۵۶۰/۱	۵۱۱۰۰	۵۱۱۰۰	۰/۷۱۱
کاتیون	کاتیون	۰/۷۱۴	کروی	۳/۳	۱۳/۰۷	۵۱۱۰۰	۵۱۱۰۰	۰/۷۴۸
سدیم	بی‌کربنات	۰/۳۷۶	کروی	۰/۰۰۱	۳/۰۵	۸۶۷۰	۸۶۷۰	۱



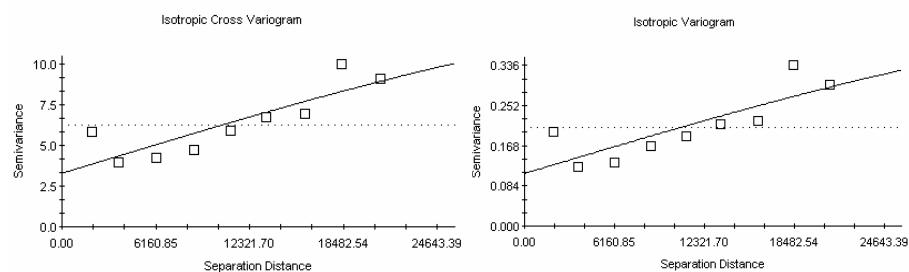
نمودار ۲ - واریوگرام اثر متقابل کاتیون- آنیون

نمودار ۱ - واریوگرام کاتیون

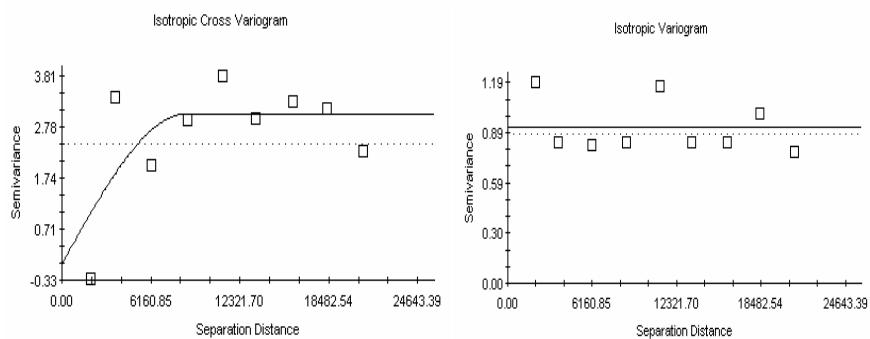


نمودار ۴ - واریوگرام اثر متقابل آنیون- کاتیون

نمودار ۳ - واریوگرام آنیون



نمودار ۵ - واریوگرام یون سولفات - کاتیون نمودار ۶ - واریوگرام اثر متقابل یون سولفات- کاتیون



نمودار ۸ - واریوگرام اثر متقابل بی کربنات سدیم

نمودار ۷ - واریوگرام یون بی کربنات

چندانی نکرده است (به ترتیب ۰/۷۱۱، ۰/۷۱۱ و ۰/۷۴۸)؛ در حالی که برای عامل بیکربنات که قبلاً همبستگی مکانی وجود نداشت، همبستگی مکانی کامل بدست آمد و اثر قطعه‌ای در واریوگرام متقابل این عامل وجود نداشت. در ادامه ارزیابی نتایج روش‌های مختلف تخمین برای خصوصیات ذکر شده آمده است (جدولهای ۳، ۴، ۵ و ۶).

برای محاسبه واریوگرام متقابل از روابط همبستگی بین کل عاملهای آب زیرزمینی با عاملهای یادشده استفاده گردید و عاملهای آنیون، کاتیون، کاتیون و سدیم به ترتیب به عنوان متغیر کمکی عاملهای کاتیون، آنیون، سولفات و بیکربنات انتخاب گردید. واریوگرام‌های ساده عاملها و واریوگرام‌های اثر متقابل در نمودارهای ۱ تا ۸ آورده شده است.

نتایج حاصل نشان می‌دهد که رابطه همبستگی بین داده‌ها در مورد عاملهای کاتیون، آنیون و سولفات تغییر

جدول ۳- ارزیابی نتایج روش‌های تخمین کاتیون‌ها

متغیر	مدل تخمین	ضریب همبستگی	RMSE	MAE
کاتیون	کوکریجنگ	۰/۶۲	۱۹/۹۲	۱۹/۱۲
کاتیون	کریجنگ گستته	۰/۲۶	۱۶/۶	۱۲/۷۶
کاتیون	کریجنگ عام	۰/۲۵	۴۱/۹۸	۳۱/۳۴
کاتیون	کریجنگ ساده	۰/۴۳	۱۳/۵۸	۱۱/۳۷
کاتیون	کریجنگ معمولی	۰/۴۰	۱۳/۸۲	۱۱/۴۰
کاتیون	روش عکس فاصله	۰/۴۵	۱۲/۹۴	۱۱/۵۴
کاتیون	روش تابع شعاعی	۰/۴۶	۱۲/۹۸	۱۱/۴۰
کاتیون	روش تخمین عام	۰/۴۸	۱۲/۴۵	۱۱/۲۵
کاتیون	روش تخمین موضعی	۰/۳۹	۱۴/۴۴	۱۱/۴۴

جدول ۴- ارزیابی نتایج روش‌های تخمین آنیون‌ها

متغیر	مدل تخمین	ضریب همبستگی	RMSE	MAE
آنیون	کوکریجنگ	۰/۸۰	۹/۱	۷/۸۵
آنیون	کریجنگ گستته	۰/۳۱	۱۷/۲	۱۲/۹۵
آنیون	کریجنگ عام	۰/۴۹	۱۳/۵۶	۱۲/۰۷
آنیون	کریجنگ ساده	۰/۵۳	۱۲/۶۳	۱۱/۰۲
آنیون	کریجنگ معمولی	۰/۵۲	۱۲/۵۶	۱۰/۷۳
آنیون	روش عکس فاصله	۰/۵۳	۱۲/۱۸	۱۱/۰۴
آنیون	روش تابع شعاعی	۰/۵۴	۱۲/۱۶	۱۰/۸۷
آنیون	روش تخمین عام	۰/۵۳	۱۲/۹۴	۱۰/۶۴
آنیون	روش تخمین موضعی	۰/۴۹	۱۳/۳۰	۱۱/۹۵

جدول ۵- ارزیابی نتایج روش‌های تخمین یون سولفات

متغیر	مدل تخمین	ضریب همبستگی	RMSE	MAE
یون سولفات	کوکریجنگ	۰/۶۳	۲/۵۵	۳/۲۰
یون سولفات	کریجنگ گستته	۰/۳۴	۳/۶۰	۳/۲۵
یون سولفات	کریجنگ عام	۰/۴۶	۳/۸۳	۴/۵۴
یون سولفات	کریجنگ ساده	۰/۳۵	۳/۵۴	۴/۳۰
یون سولفات	کریجنگ معمولی	۰/۳۷	۳/۵۳	۴/۳۷
یون سولفات	روش عکس فاصله	۰/۲۹	۳/۳۰	۴/۲۷
یون سولفات	روش تابع شعاعی	۰/۳۳	۳/۳۹	۴/۳۵
یون سولفات	روش تخمین عام	۰/۴۶	۴/۱۰	۴/۶۴
یون سولفات	روش تخمین موضعی	۰/۳۶	۳/۸۷	۴/۷۲

جدول ۶- ارزیابی نتایج روش‌های تخمین یون بی کربنات

متغیر	مدل تخمین	ضریب همبستگی	RMSE	MAE
یون بی کربنات	کوکریجنگ	۰/۲۱	۰/۹۰	۰/۷۰
یون بی کربنات	کریجنگ گستته	۰/۳۲	۰/۹۰	۰/۷۰
یون بی کربنات	کریجنگ عام	۰/۳۳	۰/۹۶	۰/۷۵
یون بی کربنات	کریجنگ ساده	۰/۱۵	۰/۹۶	۰/۷۱
یون بی کربنات	کریجنگ معمولی	۰/۳۲	۰/۹۰	۰/۷۱
یون بی کربنات	روش عکس فاصله	۰/۱۴	۱	۰/۷۷
یون بی کربنات	روش تابع شعاعی	۰/۱۹	۰/۹۹	۰/۷۷
یون بی کربنات	روش تخمین عام	۰/۲۵	۰/۹۹	۰/۷۴
یون بی کربنات	روش تخمین موضعی	۰/۳۰	۰/۹۶	۰/۷۰

نسبت به روش‌های معین در تحلیل مکانی خصوصیات آب‌های زیرزمینی می‌باشد، بگونه‌ای که تنها در مورد عامل کاتیون روش تخمین عام از روش‌های معین از دیگر روشها بهتر بود. با توجه به اصول زمین‌آماری متغیری که همبستگی مکانی مناسب و واریانس تخمین کمتری دارد جهت تخمین نیاز به نمونه‌برداری کمتری دارد و از این رو هزینه نمونه‌برداری آن نیز کمتر خواهد شد. نتایج بدست‌آمده مطابق با تحقیقات میثاقی

در این جدولها (۳، ۴، ۵ و ۶) بر مبنای کمترین میزان خطای بهترین روش انتخاب می‌شود، یعنی بهترین روش، روشنی است که میانگین محدود مربعات (*RMSE*) خطای کمتری داشته باشد.

### بحث

براساس نتایج بدست‌آمده می‌توان نتیجه‌گیری نمود که روش‌های زمین‌آماری دارای برتری‌های قابل ملاحظه

بین عاملهای آب زیرزمینی را نشان می‌دهد. به عنوان مثال، در برآورده عامل آنیون میانگین مجدور مربعات خطأ (RMSE) برای روش کوکریجینگ ۹/۱ می‌باشد که نشان‌دهنده خطای کمتر و دقت بیشتر نسبت به دیگر روشها می‌باشد. در مورد یون سولفات نیز این نتیجه تکرار گردیده است و میانگین مجدور مربعات خطأ ۲/۵۵ محسوبه شده است که کمترین میزان خطأ در مقایسه با سایر روشها می‌باشد. این تحقیق با نتایج حاصل از تحقیق (Dagostino *et al.*, 1998) که به بررسی غلظت نیترات در آب زیرزمینی پرداختند و روش کوکریجینگ را به عنوان روشی که باعث کاهش عدم قطعیت می‌شود معرفی نمودند مطابقت دارد.

### پیشنهادها

بنابراین به عنوان پیشنهاد توصیه می‌گردد که در مناطق مشابه منطقه مورد مطالعه و همچنین مناطق غیرخشک این روش‌ها بررسی و نتایج بدست آمده با هم مقایسه گردد، از روش‌های دیگر زمین‌آماری مثل کوکریجینگ ساده، کوکریجینگ گسته، کوکریجینگ جامع و ... در تحقیقات آینده استفاده شود و دیگر اینکه عاملهای دیگر کیفیت آب همچون نیترات، جیوه، بر و ... در تحقیق وارد گردد.

### سپاسگزاری

بدین وسیله از مسئولان محترم معاونت پژوهشی دانشگاه تهران که با حمایت مالی شرایط انجام این تحقیق را فراهم نمودند و همچنین از شرکت تحقیقات منابع آب ایران (تماب) بدلیل در اختیار گذاشتن داده‌های مورد نیاز این تحقیق، تشکر و قدردانی می‌گردد.

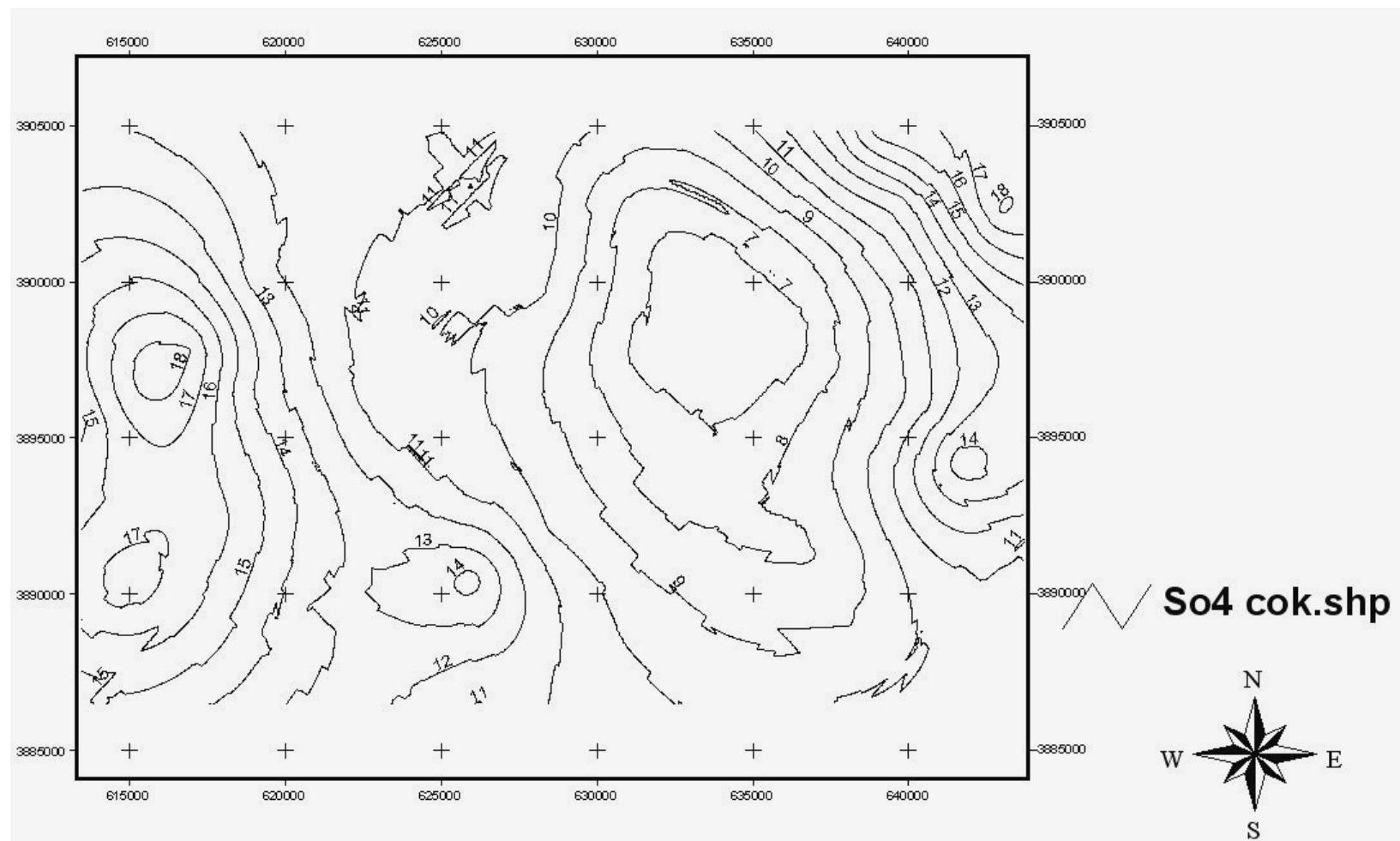
و همکاران (۱۳۸۱)، نظریزاده و همکاران (۱۳۸۵)، Kresic (1997) و Ahmed (2002) می‌باشد که همه‌ی آنها در اصل نیاز به نمونه‌برداری کمتر و به طبع هزینه نمونه‌برداری کمتر با استفاده از روش‌های زمین‌آماری اذعان دارند.

همچنین با توجه به مقادیر RMSE و ۲ روش کوکریجینگ برای عاملهای آنیون و یون سولفات، روش کریجینگ گسته برای تخمین عامل یون بی‌کربنات و روش تخمین عام از روش‌های معین برای تخمین عامل کاتیون مناسب تشخیص داده شد.

بنابراین با در اختیار داشتن اطلاعات مربوط به همبستگی دو جانبه بین متغیرها، می‌توان تخمین مناسب و دقیق‌تری از متغیر مورد نظر با بهره‌گیری از مقادیر متغیرهای دیگر (متغیرهای ثانویه یا کمکی) بدست آورد. به دیگر سخن با استفاده از اطلاعات مربوط به متغیرهای ثانویه در فرایند تخمین، اقدام به کاهش هر چه بیشتر واریانس خطای تخمین متغیر اصلی می‌گردد که در مورد عاملهای آنیون و یون سولفات اینگونه بوده است. همچنین نتایج حاصل از واریوگرام متقابل نشان‌دهنده بهبود همبستگی مکانی بین بعضی از داده‌ها می‌باشد.

از نتایج جالب این تحقیق همبستگی بالای عامل آنیون با کاتیون و بالعکس می‌باشد که نشان‌دهنده همبستگی بالا بین کل یون‌های مثبت با یون‌های منفی است.

نتایج به طور کلی نشان‌گر این است که روش کوکریجینگ برای بیشتر عاملهای آب زیرزمینی مناسب می‌باشد (در شرایطی که برای تخمین عاملها تنها از یک روش استفاده گردد). این امر وجود رابطه معنی‌دار



نقشه ۲- نمونه نقشه نهایی براساس بهترین مدل تخمین برای یون سولفات

- Ahmed, S., 2002. Groundwater monitoring network design: application of Geostatistics with a few Case studies from a granitic aquifer in a semi-arid region. In: Groundwater Hydrology, M.M. Sherif, V.P. Singh and M. Al-Rashed (Eds.), Balkema, Tokyo, Japan. 2, 37-57.
- Campling, P., Gobin, A. and Fegen, J., 2001. Temporal and spatial rainfall across humid Tropical Catchment. Hydrological processes , 15, 359-375.
- DAgostino, V., Greene, E.A., Passarella, G. and Vurro, M., 1998. spatial and temporal study of nitrate concentration in groundwater by means of coregionalization. Environmental geology, 36, 285-295.
- Gaus, I., Kinniburgh, D.G., Talbot, J.C. and Webster, R., 2003. geostatistical analysis of arsenic concentration in groundwater in Bangladesh using disjunctive kriging. Environmental geology, 44:939-948
- Kresic, N., 1997. Hydrogeology and Groundwater Modeling. Lewis Publishers.
- Mohammadi, G. and Van Meroone., 1999. Using geostatistical tools to prepare hazard zonation maps of ecological pollution.Tarbit Modares University.

## منابع مورد استفاده

- امینی، م، خادمی، ح. و فتحیانپور، ن.، ۱۳۸۱. مقایسه کریجینگ و کوکریجینگ در برآورد غلظت کلر محلول در خاک. مجله علوم کشاورزی ایران، جلد ۳۳، شماره ۴ ص ۷۴۱-۷۴۷
- حسنی پاک، ع.ا.، ۱۳۷۷. زمین‌آمار (ژئوستاتیستیک). انتشارات دانشگاه تهران، چاپ اول.
- محمدی، ح.، ۱۳۸۵. آمار مکانی (ژئوستاتیستیک). انتشارات پلک، چاپ اول.
- میناقی، ف. و محمدی، ک.، ۱۳۸۱. برآورد سطح آب زیرزمینی با استفاده از روش‌های متداول درون‌بایی و مقایسه آن با تکنیک زمین‌آمار. چکیده مقالات بیست و یکمین گردهمایی علوم زمین، سازمان زمین‌شناسی و اکتشافات معدنی کشور، ص ۵۸۸ تا ۵۹۰
- نظری زاده، ف.، ارشادیان، ب. و زند وکیلی، ک.، ۱۳۸۵. بررسی تغییرات مکانی کیفیت آب زیرزمینی دشت بالارود در استان خوزستان. اولین همایش منطقه‌ای بهره‌برداری بهینه از منابع آب حوزه‌های کارون و زاینده رود، دانشگاه شهرکرد، ص ۱۲۳۶ تا ۱۲۴۰

## Modeling of ground water spatial distribution for some chemical properties (Case study in Garmsar watershed)

**Zehtabian, Gh.<sup>1</sup>, Janfaza, E.<sup>2</sup>, Mohammad asgari, H.<sup>3</sup> and Nematollahi, M.J.<sup>4\*</sup>**

1- Professor, Faculty of Natural Resources, University of Tehran, Karaj, Iran,

2- Msc of desertification, Faculty of Natural Resources, University of Tehran, Karaj, Iran.

3- PhD Student of desertification, Faculty of Natural Resources, University of Tehran, Karaj, Iran.

4-\* Corresponding Author, Msc of desertification, Faculty of Natural Resources, University of Tehran, Karaj, Iran,  
Email: javad.nematollahi@gmail.com

Received: 24.12.2008

Accepted: 29.01.2010

### Abstract

Ground Water quality change is due to mismanagement in use of groundwater resources. Main objective of this research was to investigate spatial variability of chemical properties of ground water. In this research chemical properties such as cation, anion, sulphate and carbonate were studied. Normality of data investigated based on Kolmogorov-Smirnov test. Then, variography analysis was done in geostatistical methods. Accuracy assessment was investigated based on mean absolute error (MAE), residual mean square error (RMSE) and correlation coefficient (R). Results showed that geostatistical methods have more accuracy than deterministic methods. However, global polynomial interpolation was the best method for mapping cation. In addition, for the most parameters, Cokriging method was the best method for interpolation.

**Keywords:** groundwater, geostatistical and deterministic methods, Cokriging, RMSE